

WYPEŁNIA ZDAJĄCY

KOD

	S	G
--	---	---

PESEL

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Miejsce na naklejkę.

Sprawdź, czy kod na naklejce to
M-100.

Jeżeli tak – przyklej naklejkę.
Jeżeli nie – zgłoś to nauczycielowi.

Egzamin maturalny

Formuła 2023

FIZYKA

Poziom rozszerzony

Symbol arkusza

MFAP-R0-**100**-2405

DATA: **23 maja 2024 r.**

GODZINA ROZPOCZĘCIA: **9:00**

CZAS TRWANIA: **180 minut**

LICZBA PUNKTÓW DO UZYSKANIA: **60**

Przed rozpoczęciem pracy z arkuszem egzaminacyjnym

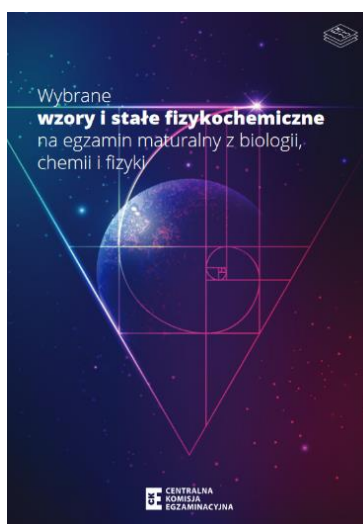
1. Sprawdź, czy nauczyciel przekazał Ci **właściwy arkusz egzaminacyjny**,
tj. arkusz we **właściwej formule**, z **właściwego przedmiotu** na **właściwym**
poziomie.
2. Jeżeli przekazano Ci **niewłaściwy** arkusz – natychmiast zgłoś to nauczycielowi.
Nie rozrywaj banderol.
3. Jeżeli przekazano Ci **właściwy** arkusz – rozerwij banderole po otrzymaniu
takiego polecenia od nauczyciela. Zapoznaj się z instrukcją na stronie 2.





Instrukcja dla zdającego

1. Sprawdź, czy arkusz egzaminacyjny zawiera 28 stron (zadania 1–11).
Ewentualny brak zgłoś przewodniczącemu zespołu nadzorującego egzamin.
2. Na pierwszej stronie oraz na karcie odpowiedzi wpisz swój numer PESEL i przyklej naklejkę z kodem.
3. W rozwiązaniach zadań rachunkowych przedstaw tok rozumowania prowadzący do ostatecznego wyniku oraz pamiętaj o jednostkach.
4. Rozwiązania i odpowiedzi zapisz w miejscu na to przeznaczonym przy każdym zadaniu.
5. Symbol  zamieszczony w nagłówku zadania zwraca uwagę na to, że do rozwiązania zadania będzie pomocne lub niezbędne użycie linijki.
6. Pisz czytelnie. Używaj długopisu/pióra tylko z czarnym tuszem/atramentem.
7. Nie używaj korektora, a błędne zapisy wyraźnie przekreśl.
8. Nie wpisuj żadnych znaków w tabelkach przeznaczonych dla egzaminatora. Tabelki umieszczone są na marginesie przy każdym zadaniu.
9. Pamiętaj, że zapisy w brudnopisie nie będą oceniane.
10. Możesz korzystać z *Wybranych wzorów i stałych fizykochemicznych na egzamin maturalny z biologii, chemii i fizyki*, linijki oraz kalkulatora naukowego. Upewnij się, czy przekazano Ci broszurę z okładką taką jak widoczna poniżej.

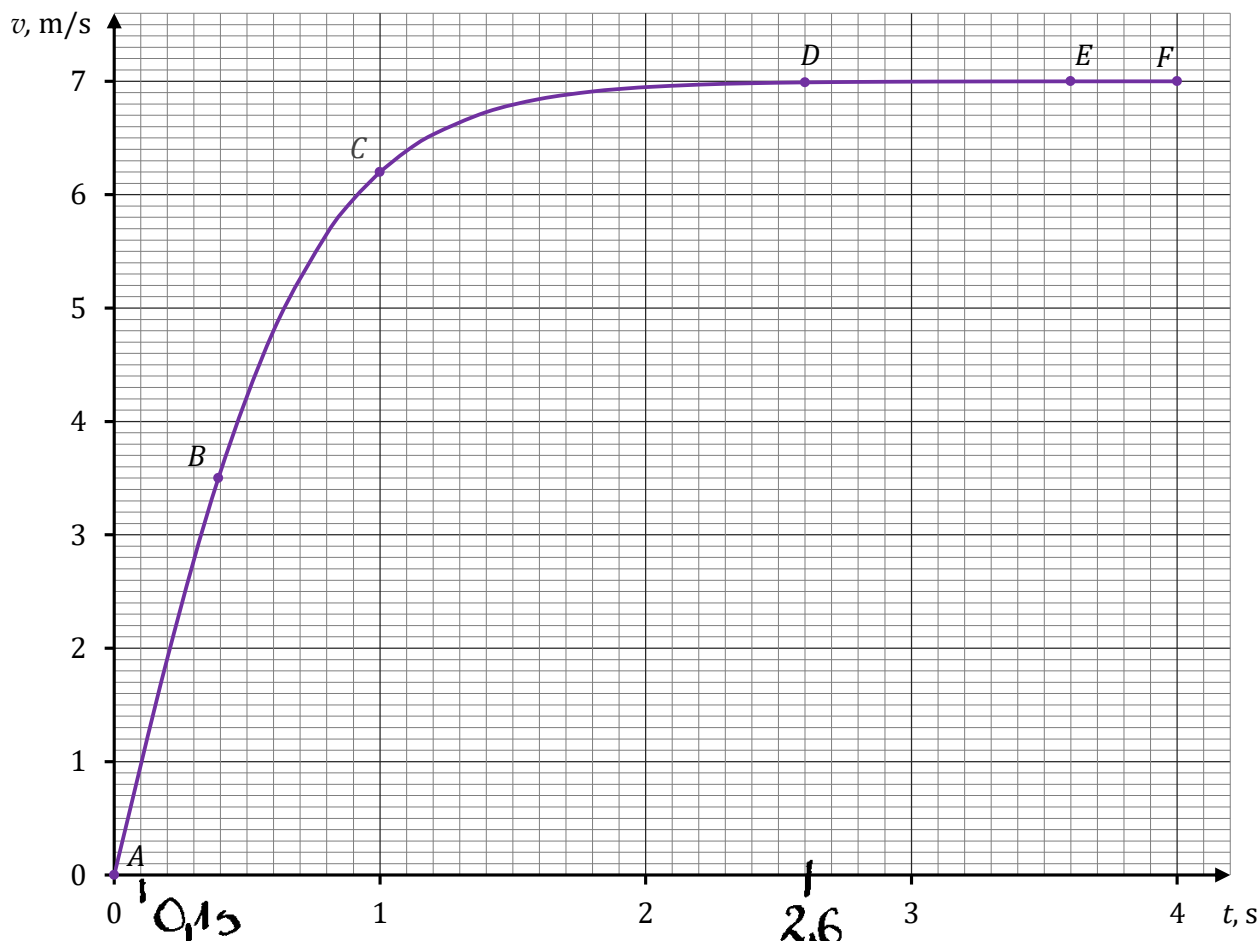


**Zadania egzaminacyjne są wydrukowane
na następnych stronach.**

Zadanie 1.

Kropla wody oderwała się od dachu budynku w chwili t_A i następnie opadała pionowo w powietrzu. Na poniższym wykresie przedstawiono zależność wartości v prędkości kropli od czasu t od chwili $t_A = 0$ s do chwili $t_F = 4$ s, w której kropla uderzyła o podłoże.

Na wykresie oznaczono wybrane punkty: A, B, C, D, E, F. Ruch kropli opisujemy w układzie odniesienia związanym z ziemią i zakładamy, że jest to układ inercjalny.



Do analizy zagadnienia przyjmij uproszczony model zjawiska, w którym:

- podczas opadania kropli działają na nią dwie siły: siła oporu powietrza $\vec{F}_o$ oraz siła grawitacji $\vec{F}_g$ (pomijamy siłę wyporu aerostatycznego)
- kropla jest kulą o promieniu R , a jej masa się nie zmienia
- wartość siły oporu działającej na kroplę wyraża się wzorem:

$$F_o = k\rho_p S v^2$$

gdzie k jest pewnym współczynnikiem, ρ_p jest gęstością powietrza, S jest polem przekroju poprzecznego przez środek kropli, v jest wartością prędkości kropli

- ruch kropli od chwili t_D traktujemy jako jednostajny prostoliniowy, czyli przyjmij, że część DF wykresu jest poziomym odcinkiem.

czyli
Ziemia
nie wiruje 😊

$$S = \pi \cdot R^2$$



Zadanie 1.1. (0–1)

Dokończ zdanie. Zaznacz odpowiedź A, B albo C i jej uzasadnienie 1., 2. albo 3.

Od chwili t_A do chwili t_D wartość przyspieszenia kropli

A.	się zwiększa,	ponieważ wartość siły wypadkowej działającej w tym czasie na kroplę	1.	się zwiększa.
B.	się zmniejsza,		2.	się zmniejsza.
C.	pozostaje stała,		3.	pozostaje stała.



1.1.

0–1

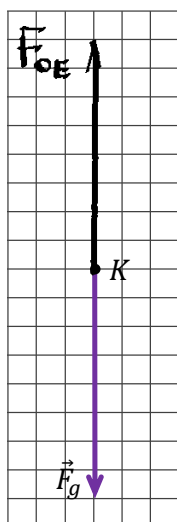
Zadanie 1.2. (0–3)

Punkt K na diagramach 1.–2. reprezentuje kroplę. Długość boku kratki na każdym diagramie odpowiada umownej jednostce siły. Na diagramach 1.–2. narysowano siłę grawitacji działającą na kroplę, natomiast nie narysowano siły oporu $\vec{F}_o$.

Na diagramie 1. narysuj i oznacz siłę oporu $\vec{F}_{oE}$ przyłożoną w punkcie K , działającą na kroplę w chwili $t_E = 3,6$ s. Na diagramie 2. narysuj i oznacz siłę oporu $\vec{F}_{oB}$ przyłożoną w punkcie K , działającą na kroplę w chwili $t_B = 0,4$ s.

Zachowaj odpowiednie kierunki, zwroty oraz dokładne długości wektorów, odpowiadające wartościom tych sił. Wykorzystaj fakt, że wartość siły oporu jest wprost proporcjonalna do kwadratu wartości prędkości kropli: $F_o \propto v^2$.

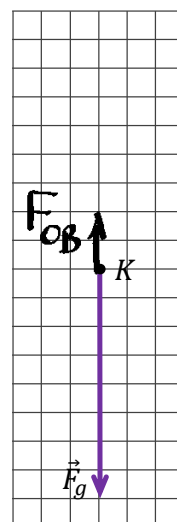
Diagram 1. ($t_E = 3,6$ s)



$$F_{oE} = 8j$$

$$F_g = 8j$$

Diagram 2. ($t_B = 0,4$ s)



$$F_{oB} = 2j$$

Brudnopis

$$v_B = 3,5 \frac{m}{s} \quad v_B = \frac{1}{2} v_E !$$

$$F_{oB} = \left(\frac{1}{2}\right)^2 F_{oE} = \frac{1}{4} \cdot F_{oE}$$

1.3.

0-1-
2-3-4

Zadanie 1.3. (0-4)

Wyprowadź wzór pozwalający wyznaczyć v_E – wartość prędkości, z jaką kropla opada w powietrzu ruchem jednostajnym prostoliniowym – w zależności od: promienia kropli R , gęstości powietrza ρ_p , gęstości wody ρ_w , wartości przyspieszenia ziemskiego g oraz współczynnika k .

Zapisz odpowiednie równania i przekształcenia oraz podaj postać tego wzoru.

Wskazówka: Objętość kuli o promieniu R wyraża się wzorem $V = \frac{4}{3}\pi R^3$.

$$v = v_E \Rightarrow F_{OE} = F_g \quad (\text{bo } v = \text{const})$$

$$k \cdot \rho_p \cdot S \cdot v_E^2 = m \cdot g$$

$$k \cdot \rho_p \cdot \pi \cdot R^2 \cdot v_E^2 = \rho_w \cdot \frac{4}{3} \pi R^3 \cdot g$$

$$k \cdot \rho_p \cdot v_E^2 = \rho_w \cdot \frac{4}{3} R \cdot g$$

$$v_E^2 = \frac{4}{3} \cdot \frac{\rho_w}{\rho_p} \cdot \frac{g}{k} \cdot R$$

$$v_E = \sqrt{\frac{4 \cdot \rho_w \cdot g \cdot R}{3 \cdot \rho_p \cdot k}}$$



Zadanie 2.

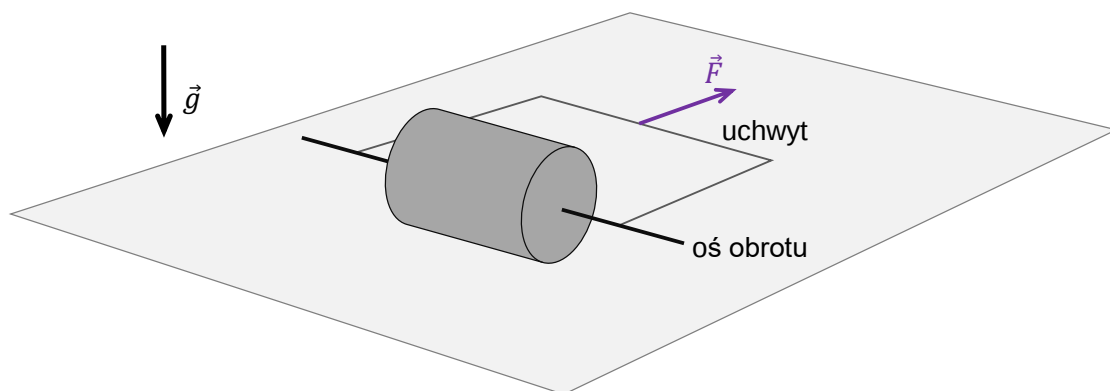
Jednorodny walec o masie $m = 10 \text{ kg}$ i promieniu R był ciągnięty siłą o wartości $F = 30 \text{ N}$ po płaskiej poziomej powierzchni. Siła $\vec{F}$ była przyłożona poziomo do uchwytu i prostopadłe do osi obrotu walca (zobacz rysunki 1.–3.).

Do analizy zagadnienia przyjmij model zjawiska, w którym:

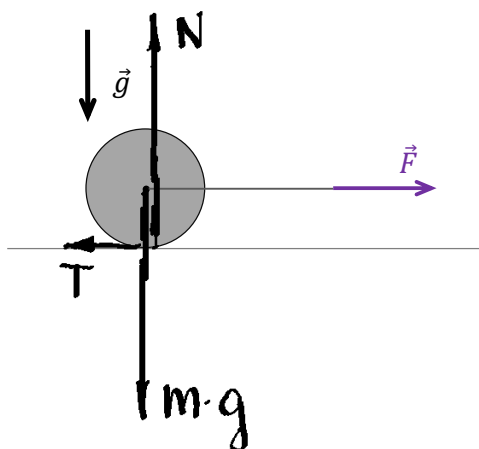
- walec toczył się bez poślizgu
- w kierunku poziomym na walec działały tylko: stała siła tarcia statycznego $\vec{T}$ oraz siła $\vec{F}$
- siła tarcia $\vec{T}$ między walcem a powierzchnią nie osiągnęła wartości maksymalnej
- pomijamy inne (tzn. oprócz tarcia statycznego) opory ruchu
- moment bezwładności walca względem jego osi obrotu – będącej osią symetrii walca – wyraża się wzorem: $I_0 = \frac{1}{2}mR^2$
- ruch walca rozpatrujemy w inercjalnym układzie odniesienia związanym z Ziemią, w jednorodnym, ziemskim polu grawitacyjnym
- pomijamy masę osi obrotu walca i masę jej uchwytu.



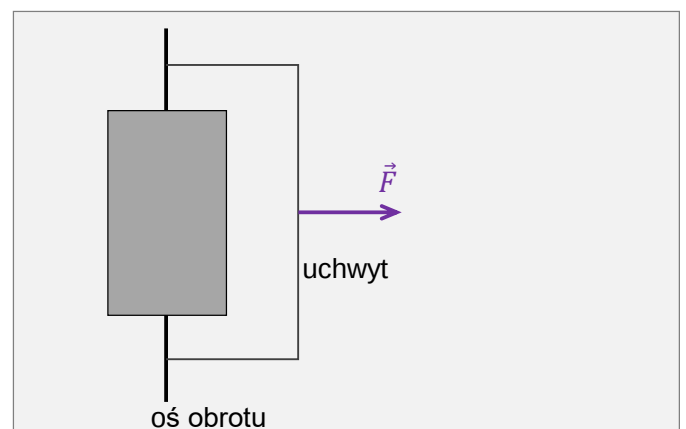
Rysunek 1. (widok z perspektywy)



Rysunek 2. (widok z boku)



Rysunek 3. (widok z góry)



Zadanie 2.1. (0-3)

Całkowitą energię kinetyczną walca w pewnej chwili t ruchu oznaczmy jako $E_{kin\ calk}$,
a energię kinetyczną ruchu postępowego walca w tej samej chwili t oznaczmy jako $E_{kin\ post}$.

2.1.

0-1-

2-3

Oblicz iloraz $\frac{E_{kin\ post}}{E_{kin\ calk}}$. Zapisz obliczenia.

Wynik podaj w postaci ułamka zwykłego.

!

$$E_{k\ post} = \frac{1}{2} m \cdot v^2$$

$$E_{k\ c} = \frac{1}{2} m v^2 + \frac{1}{2} I_0 \cdot \omega^2$$

$$I_0 = \frac{1}{2} m R^2$$

$$\omega = \frac{v}{R}$$

$$E_{k\ c} = \frac{1}{2} m \cdot v^2 + \frac{1}{2} \frac{1}{2} m \cancel{R^2} \cdot \frac{v^2}{\cancel{R^2}} =$$

$$= \frac{1}{2} m \cdot v^2 + \frac{1}{4} m \cdot v^2 = \frac{3}{4} m v^2$$

$$\frac{E_{k\ post}}{E_{k\ c}} = \frac{\frac{1}{2} m v^2}{\frac{3}{4} m v^2} = \frac{\frac{1}{2}}{\frac{3}{4}} = \frac{1}{2} \cdot \frac{4}{3} =$$

$$\frac{E_{k\ post}}{E_{k\ c}} = \frac{2}{3}$$



Zadanie 2.2. (0-3)

Oblicz wartość przyspieszenia (liniowego) środka masy walca. Zapisz obliczenia.

2.2.

0-1-

2-3

$$\boxed{I_0 \epsilon = T \cdot R} \quad \epsilon = \frac{a}{R} \quad I_0 = \frac{1}{2} m R^2$$

$$\frac{1}{2} m R^2 \cdot \frac{a}{R} = T \cdot R$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{1}{2} m a = T \\ \boxed{m a = F - T} \end{array} \right.$$

$$\boxed{m a = F - T}$$

$$\frac{3}{2} m a = F$$

$$a = \frac{2}{3} \frac{F}{m}$$

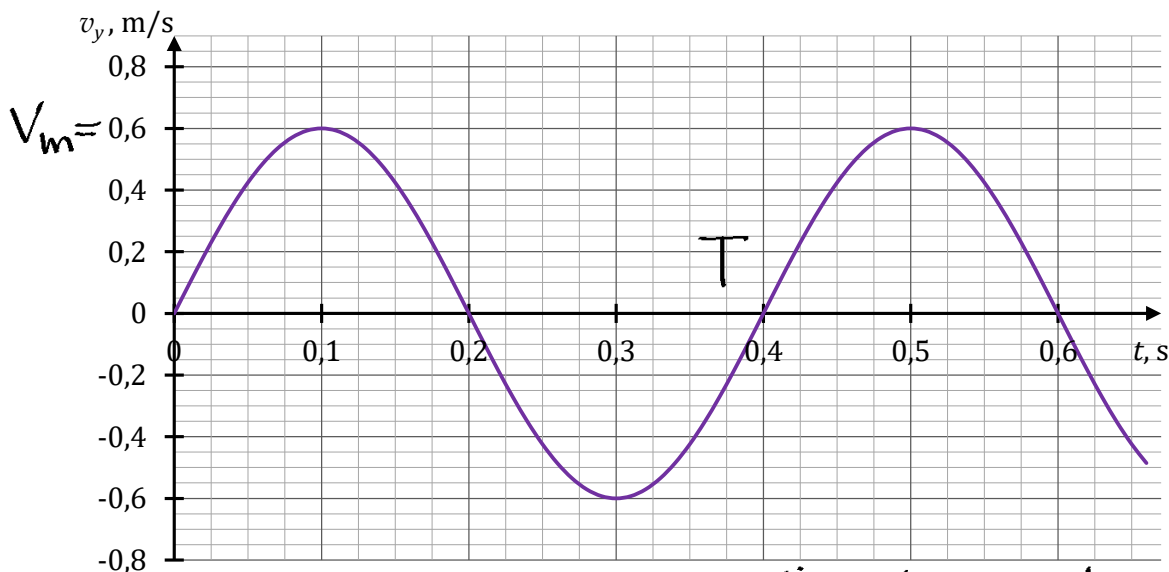
$$a = \frac{2}{3} \frac{30 \text{ N}}{10 \text{ kg}}$$

$$\boxed{a = 2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}}$$

Zadanie 3.

Ciężarek o masie $m = 100,0 \text{ g}$ jest zawieszony na sprężynie i wykonuje drgania harmoniczne w kierunku pionowym, w jednorodnym, ziemskim polu grawitacyjnym.

Przyjmujemy, że ciężarek drga wzdłuż osi y skierowanej pionowo w górę. Na poniższym wykresie przedstawiono zależność współrzędnej prędkości v_y ciężarka od czasu t . Dodatnia wartość współrzędnej prędkości v_y oznacza, że zwrot wektora prędkości ciężarka jest w górę, a ujemna wartość – że zwrot wektora prędkości jest w dół. Prędkość ciężarka określamy w układzie odniesienia związanym z ziemią.



Przyjmij uproszczony model zjawiska, w którym:

czyli jesteśmy na biegunie 😊

- na ciężarek działają tylko siła sprężystości $\vec{F}_s$ sprężyny i siła grawitacji $\vec{F}_g$
- wartość siły sprężystości, z jaką sprężyna działa na ciężarek, jest wprost proporcjonalna do wydłużenia sprężyny ponad jej długość swobodną (gdy jest nierozciągnięta)
- układ odniesienia związany z ziemią traktujemy jako układ inercjalny
- pomijamy opory ruchu
- pomijamy masę sprężyny
- przyspieszenie grawitacyjne ziemskie ma wartość $g = 9,81 \text{ m/s}^2$.

3.1.

0-1-2

Zadanie 3.1. (0-2)

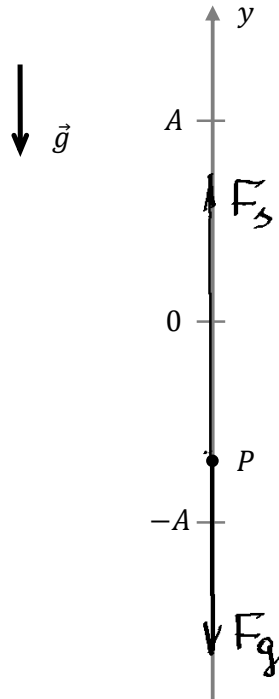
Oceń prawdziwość poniższych stwierdzeń. Zaznacz P, jeśli stwierdzenie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.

1.	W chwili $t = 0,2 \text{ s}$ siły działające na ciężarek się równoważą.	P	☒
2.	Energia kinetyczna ciężarka w chwili $t = 0,1 \text{ s}$ jest równa energii kinetycznej ciężarka w chwili $t = 0,3 \text{ s}$.	☒	F
3.	Wartość przyspieszenia ciężarka w chwili $t = 0,4 \text{ s}$ jest większa od wartości przyspieszenia ciężarka w chwili $t = 0,5 \text{ s}$.	☒	F

$a(0,5) = 0 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$



Siły działające na ciężarek się równoważą, gdy ciężarek znajduje się w punkcie o współrzędnej $y = 0$, natomiast najwyższe i najniższe położenia ciężarka znajdują się – odpowiednio – w punktach o współrzędnych: $y = A$ oraz $y = -A$. W pewnej chwili ruchu drgającego ciężarek znalazł się w punkcie P (zobacz schematyczny rysunek poniżej).



0-1-2

$$F_S \succ F_g$$

[illegible]

3.3.

0-1-
2-3-4

Zadanie 3.3. (0-4)

Oblicz wartość siły sprężystości działającej na ciężarek w chwili, gdy znajduje się on w najniższym położeniu podczas ruchu drgającego. Zapisz obliczenia.

$$F = F_s - F_g$$

$$k \cdot |y| = F_s - m \cdot g \quad \text{ale } y = -A$$

$$m\omega^2 A = F_s - mg$$

$$F_s = m\omega^2 A + mg$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T}$$

$$T = 0,4 \text{ s}$$

$$\omega = \frac{2 \cdot \pi}{0,4} \approx 15,7 \frac{1}{s}$$

$$v_m = \omega A$$

$$0,6 \frac{m}{s} = \omega A \quad (A \approx 0,038 \text{ m})$$

$$F_s = m(\omega \cdot \omega \cdot A + g) \quad \text{☺}$$

$$F_s \approx 0,1 (15,7 \cdot 0,6 + 9,81) \text{ N}$$

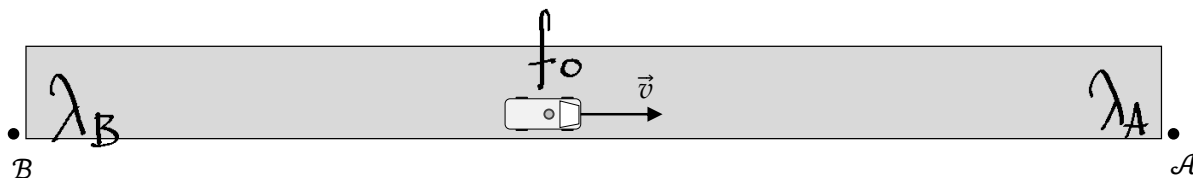
$$F_s \approx 1,92 \text{ N}$$



Zadanie 4.

Ambulans z włączoną syreną dźwiękową jedzie wzdłuż prostego odcinka drogi. Przez pewien czas porusza się wzdłuż prostej pomiędzy obserwatorami B oraz A , którzy stoją przy drodze (zobacz rysunek poniżej). Prędkość ambulansu oznaczmy jako $\vec{v}$.

Do obserwatora A , do którego zbliża się ambulans, dociera dźwięk o długości fali λ_A .
Do obserwatora B , od którego oddala się ambulans, dociera dźwięk o długości fali λ_B .



Przyjmij model zjawiska, w którym częstotliwość dźwięku wytwarzanego przez głośnik syreny ambulansu (źródło dźwięku) była stała i wynosiła f_0 (tzn. membrana głośnika syreny drgała z częstotliwością f_0). Pomiń inne źródła dźwięku.

Zadanie 4.1. (0–2)

Oceń prawdziwość poniższych stwierdzeń. Zaznacz P, jeśli stwierdzenie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.

4.1.

0–1–2

1.	Obserwator B słyszy dźwięk syreny o częstotliwości mniejszej od f_0 .	☒	F
2.	Gdy ambulans oddala się od obserwatora B i jednocześnie hamuje, to B słyszy dźwięk o rosnącej częstotliwości.	☒	F
3.	Gdy ambulans oddala się od obserwatora B i jednocześnie przyspiesza, to B słyszy dźwięk o malejącej częstotliwości.	☒	F



Zależne

Brudnopis

$$f_B = f_0 \frac{v_d + 0}{v_d + v}$$

$$f_B < f_0 !$$

$v \downarrow$ (hamuje) $f_B \uparrow$

Zadanie 4.2. (0-4)

Przez pewien czas ambulans poruszał się ruchem jednostajnym prostoliniowym pomiędzy obserwatorami B oraz A. Wtedy iloraz długości fal dźwięku rejestrowanego przez tych obserwatorów wynosił:

$$\frac{\lambda_B}{\lambda_A} = 1,2$$

Prędkość dźwięku w powietrzu ma wartość $v_d = 340$ m/s.

Oblicz v – wartość prędkości ambulansu. Zapisz obliczenia.

4.2.
0-1-
2-3-4

$$f_B = f_0 \frac{v_d + 0}{v_d + v}$$

$$f_A = f_0 \frac{v_d + 0}{v_d - v}$$

$$\frac{f_B}{f_A} = \frac{\cancel{v_d}}{v_d + v} \cdot \frac{v_d - v}{\cancel{v_d}}$$

$$\frac{\cancel{v_d}}{\lambda_B} = \frac{v_d - v}{v_d + v}$$

$$\frac{\lambda_A}{\lambda_B} = \frac{v_d - v}{v_d + v}$$

$$\frac{1}{1,2} = \frac{340 - v}{340 + v}$$

$$340 + v = 408 - 1,2v$$

$$2,2v = 68$$

$$v = 30,91 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$v = 111,27 \frac{\text{km}}{\text{h}}$$



Zadanie 5.

Ziemia i Księżyc poruszają się dookoła punktu S – ich wspólnego środka masy – po orbitach eliptycznych, które są zbliżone do orbit kołowych.

Przyjmij następujące warunki zadania i oznaczenia:

- środek Ziemi oznaczmy jako punkt Z , środek Księżyca oznaczmy jako punkt K , a odcinek łączący środek Ziemi ze środkiem Księżyca oznaczmy jako ZK
- odległość $|ZK|$ pomiędzy środkiem Ziemi a środkiem Księżyca się zmienia
- stosunek masy Ziemi do masy Księżyca wynosi $\frac{M_Z}{M_K} \approx 81,28$
- Ziemia i Księżyc są kulami, każda ze sferycznie symetrycznym rozkładem masy.

Zadanie 5.1. (0–2)

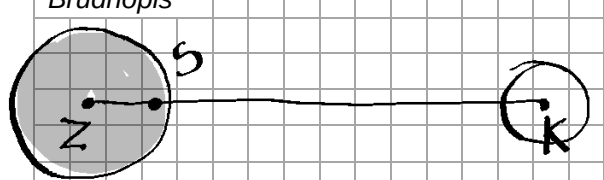
Oceń prawdziwość poniższych stwierdzeń. Zaznacz P, jeśli stwierdzenie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.

5.1.

0–1–2

	1.	Wartość siły grawitacji, którą Księżyc działa na Ziemię, jest równa wartości siły grawitacji, którą Ziemia działa na Księżyc.	X	F
	2.	Punkt S dzieli odcinek ZK w następującym stosunku: $\frac{ ZS }{ SK } \approx \frac{1}{81,28}$.	X	F
	3.	Wartość siły oddziaływania grawitacyjnego Ziemi na Księżyc jest stała w czasie.	P	X

Brudnopis



$$|ZS| = \frac{M_Z \cdot 0 + M_K \cdot |ZK|}{M_Z + M_K}$$

$$|ZS| = \frac{M_K |ZK|}{M_Z + M_K}$$

$$\frac{|ZS|}{|SK|} = \frac{M_K}{M_Z + M_K}$$

$$\frac{|ZS| + |SK|}{|ZS|} = \frac{M_Z + M_K}{M_K}$$

$$1 + \frac{|SK|}{|ZS|} = \frac{M_Z}{M_K} + 1$$

i znów odwracamy

$$\frac{|ZS|}{|SK|} = \frac{M_K}{M_Z} = \frac{1}{81,28}$$

Zadanie 5.2. (0-3)

Na odcinku ZK – łączącym środek Ziemi ze środkiem Księżyca – znajduje się taki punkt P , w którym wartość wypadkowej siły grawitacji pochodzącej od Ziemi i od Księżyca, działającej na punkt materialny znajdujący się w punkcie P , jest równa zero.

5.2.0-1-
2-3

Oblicz odległość punktu P od środka Ziemi, gdy odległość między środkiem Ziemi a środkiem Księżyca wynosi $|ZK| = 384\,400$ km. Zapisz obliczenia.

$$\begin{aligned} F_Z &= F_K & |ZP| &= ? \\ \frac{\cancel{G} M_Z \cdot m}{|ZP|^2} &= \frac{\cancel{G} M_K \cdot m}{(|ZK| - |ZP|)^2} \\ \frac{81,28 \cancel{M_K}}{|ZP|^2} &= \frac{\cancel{M_K}}{(|ZK| - |ZP|)^2} & | & \sqrt{} \\ \frac{g}{|ZP|} &\simeq \frac{1}{|ZK| - |ZP|} \\ g|ZK| - g|ZP| &\simeq |ZP| \\ g \cdot 384\,400 \text{ km} &\simeq 10|ZP| \\ |ZP| &\simeq 345\,960 \text{ km} \end{aligned}$$

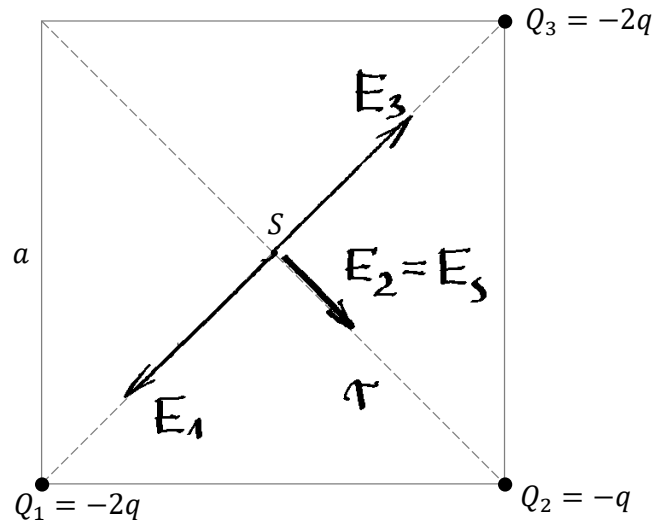


Zadanie 6. (0–3)

Trzy punktowe, ujemne ładunki elektryczne: Q_1 , Q_2 i Q_3 umieszczono nieruchomo w próżni w wierzchołkach kwadratu (zobacz rysunek). Długość boku tego kwadratu jest równa a . Wartości ładunków Q_1 , Q_2 i Q_3 wyrażają się poprzez pewną wartość q następująco:

$$Q_1 = -2q \quad Q_2 = -q \quad Q_3 = -2q \quad \text{gdzie} \quad q > 0$$

Punkt przecięcia przekątnych kwadratu oznaczmy jako S .



Na powyższym rysunku narysuj i podpisz $\vec{E}_S$ – wektor wypadkowego natężenia pola elektrycznego w punkcie S . Zachowaj odpowiedni kierunek i zwrot tego wektora.

Zapisz wzór pozwalający wyznaczyć E_S – wartość tego wektora – w zależności tylko od a , od q oraz od odpowiedniej stałej fizycznej.

6.
0–1–
2–3

$$\vec{E}_S = \vec{E}_2 + \underbrace{\vec{E}_1 + \vec{E}_3}_0; \quad E_S = E_2$$

$$E = \frac{k \cdot q}{r^2} \quad (2 \cdot r)^2 = a^2 \cdot 2$$

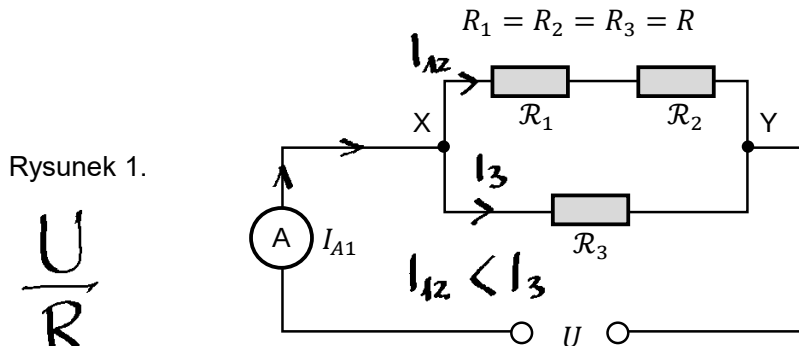
$$\cancel{2} \cancel{r^2} = a^2 \cancel{2}$$

$$r^2 = \frac{a^2}{2}$$

$$E = \frac{2kq}{a^2}$$

Zadanie 7.

Do źródła stałego napięcia U podłączono trzy identyczne oporniki: R_1 , R_2 , R_3 , oraz amperomierz A – w taki sposób, jak pokazano na poniższym schemacie obwodu elektrycznego (zobacz rysunek 1.). Opór każdego opornika jest stały i równy R :



$$R_{12} = 2 \cdot R$$

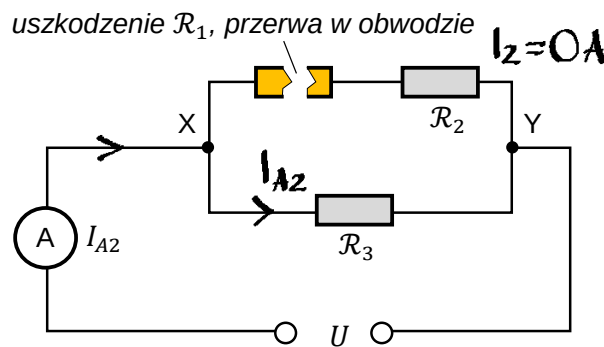
$$\frac{1}{R_{xy}} = \frac{1}{R_{12}} + \frac{1}{R_3}$$

$$\frac{1}{R_{xy}} = \frac{1}{2R} + \frac{1}{R}$$

$$= \frac{3}{2R}$$

$$R_{xy} = \frac{2}{3} R$$

W pewnym momencie opornik R_1 uległ uszkodzeniu, a obwód w tym miejscu został przerwany (zobacz rysunek 2.).



$$R_{xy}' = \frac{R}{2}$$

Napięcie U zasilające obwód jest takie samo w obu opisanych powyżej sytuacjach. Opór wewnętrzny amperomierza A i źródła napięcia oraz opór przewodów pomijamy.

7.1.

0-1-2

Zadanie 7.1. (0-2)

Oceń prawdziwość poniższych stwierdzeń. Zaznacz P, jeśli stwierdzenie jest prawdziwe, albo F – jeśli jest fałszywe.

W obwodzie elektrycznym zilustrowanym na rysunku 1. (tzn. w sytuacji początkowej)

1.	natężenie prądu płynącego przez opornik R_1 jest równe natężeniu prądu płynącego przez amperomierz A.	P	☒
2.	napięcie elektryczne na oporniku R_1 jest równe napięciu elektrycznemu na oporniku R_2 .	F	☒
3.	natężenie prądu płynącego przez opornik R_1 jest mniejsze od natężenia prądu płynącego przez opornik R_3 .	F	☒

$I_{A1} > I_1$
TAK bo $R_1 = R_2$ i $I_1 = I_2$
TAK bo $I_{12} < I_3$
gdyż $R_{12} > R_3$ ($2R > R$)



Zadanie 7.2. (0–1)

Dokończ zdanie. Zaznacz odpowiedź A, B albo C i jej uzasadnienie 1., 2. albo 3.

Moc cieplna wydzielana na oporniku R_3 po przerwaniu obwodu (rysunek 2.), w porównaniu do mocy cieplnej wydzielanej na oporniku R_3 w sytuacji początkowej (rysunek 1.), była

A.	większa,	ponieważ napięcie między zaciskami X oraz Y	1.	się nie zmieniło.
B.	mniejsza,		2.	wzrosło.
C.	taka sama,		3.	zmałało.

Zadanie 7.3. (0–3)

Natężenie prądu, jakie wskazuje amperomierz A przed przerwaniem obwodu (rysunek 1.), oznaczmy jako I_{A1} . Natężenie prądu, jakie wskazuje amperomierz A po przerwaniu obwodu (rysunek 2.), oznaczmy jako I_{A2} .

Oblicz iloraz $\frac{I_{A2}}{I_{A1}}$. Zapisz obliczenia.

np.: $I_{A2} = \frac{U}{R_3} = \frac{U}{R}$

$I_{A1} = \frac{U}{R_{xy}}$ ale $\frac{1}{R_{xy}} = \frac{1}{2R} + \frac{1}{R} = \frac{3}{2R}$

$R_{xy} = \frac{2}{3}R$

$I_{A1} = \frac{U}{\frac{2}{3}R}$

$\frac{I_{A2}}{I_{A1}} = \frac{\frac{U}{R}}{\frac{U}{\frac{2}{3}R}} = \frac{2}{3}$

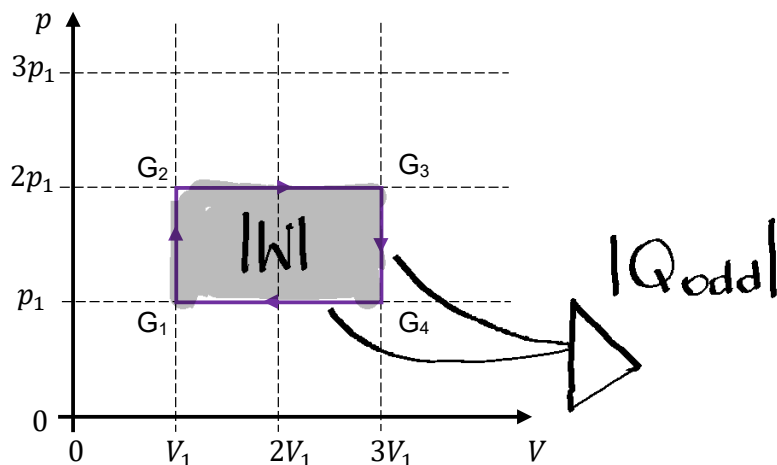
Zadanie 8.

Na poniższym wykresie przedstawiono zależność ciśnienia p od objętości V w cyklu przemian termodynamicznych ustalonej masy gazu doskonałego. Te przemiany gazu zachodzą podczas pracy pewnego silnika cieplnego S. Gaz oddaje ciepło do chłodnicy, a pobiera ciepło z grzejnika.



Stany gazu, w których zmienia się rodzaj przemiany termodynamicznej, oznaczono symbolami: G_1 , G_2 , G_3 , G_4 . Wielkości p_1 i V_1 są – odpowiednio – ciśnieniem i objętością gazu w stanie G_1 .

Ciepło molowe tego gazu przy stałej objętości wynosi $C_V = \frac{3}{2}R$, gdzie R jest stałą gazową.



Zadanie 8.1. (0–1)

W cyklu pracy silnika S gaz oddaje do chłodnicy ciepło równe (co do wartości bezwzględnej):

$$|Q_{\text{odd}}| = 9,5 \cdot p_1 V_1$$

8.1.

0–1

Dokończ zdanie. Zaznacz właściwą odpowiedź spośród podanych.

Ciepło pobrane z grzejnika przez gaz w cyklu pracy silnika S jest równe

A. $|Q_{\text{pob}}| = 13,5 \cdot p_1 V_1$

~~B. $|Q_{\text{pob}}| = 11,5 \cdot p_1 V_1$~~

C. $|Q_{\text{pob}}| = 7,5 \cdot p_1 V_1$

D. $|Q_{\text{pob}}| = 5,5 \cdot p_1 V_1$

Wskazówka: Wykorzystaj I zasadę termodynamiki i twierdzenie o obliczaniu pracy z wykresu.

Brudnopis

$$Q_{\text{pob}} = |W| + |Q_{\text{odd}}| \text{ ale}$$

$$W = 2V_1 \cdot p_1 = 2p_1 V_1$$

$$Q_{\text{pob}} = 2p_1 V_1 + 9,5 \cdot p_1 V_1$$



Zadanie 8.2. (0-3)

Wyprowadź wzór pozwalający wyznaczyć $|\Delta U_{41}|$ – wartość bezwzględną zmiany energii wewnętrznej gazu w przemianie $G_4 \rightarrow G_1$ – tylko za pomocą wielkości: p_1 i V_1 . Zapisz odpowiednie równania i przekształcenia oraz podaj postać tego wzoru.

Ogólnie:



$$\Delta U_{41} = C_v \cdot n \Delta T_{41}$$

$$\Delta U_{41} = \frac{3}{2} R n \Delta T_{41} ; \{ p \cdot V = R n T$$

czyli

$$\Delta U_{41} = \frac{3}{2} p_{41} \Delta V_{41} = \frac{3}{2} p_1 (V_1 - 3V_1)$$

$$\Delta U_{41} = \frac{3}{2} p_1 (-2V_1)$$

$$\Delta U_{41} = -3 p_1 V_1$$

$$|\Delta U_{41}| = 3 p_1 V_1$$

8.2.

0-1-

2-3

Zadanie 9.

Układ dwóch soczewek umieszczonych na wspólnej osi optycznej można wykorzystać do zmiany szerokości (średnicy) wiązki światła, biegnącej równoległe do osi optycznej układu. W zadaniach 9.1. i 9.2. przedstawiono różne przykłady takich układów soczewek.

Zadanie 9.1. (0–2)

Na rysunku 1. przedstawiono bieg wiązki światła przechodzącej przez układ soczewek.

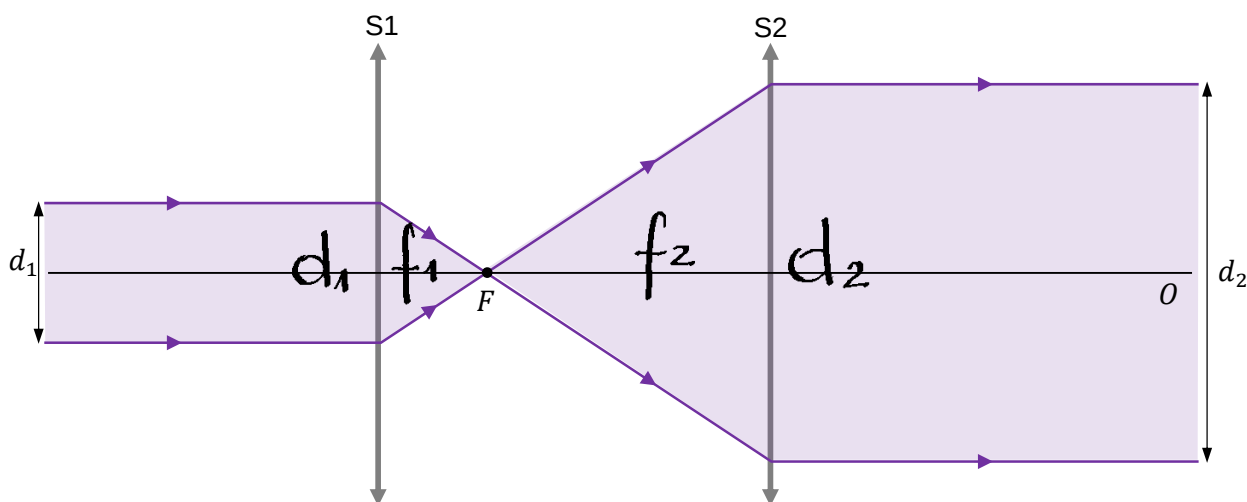


Ten układ składa się z dwóch soczewek skupiających S1 i S2 o ogniskowych odpowiednio $f_1 = 15 \text{ cm}$ i $f_2 = 40 \text{ cm}$. Soczewki są tak ustawione, że prawe ognisko soczewki S1 i lewe ognisko soczewki S2 znajdują się w tym samym punkcie F na osi optycznej O .

Szerokość wiązki światła, która pada na soczewkę S1, jest równa $d_1 = 2,25 \text{ mm}$.

Uwaga: Wymiary na rysunku 1. są umowne (rysunek jest poglądowy).

Rysunek 1.



9.1.

0–1–2

Oblicz d_2 – szerokość wiązki światła, która wychodzi z soczewki S2. Zapisz obliczenia.

$$\frac{d_2}{d_1} = \frac{f_2}{f_1}$$
$$d_2 = 2,25 \text{ mm} \cdot \frac{40 \text{ cm}}{15 \text{ cm}} = 6 \text{ mm}$$



Zadanie 9.2. (0-2)

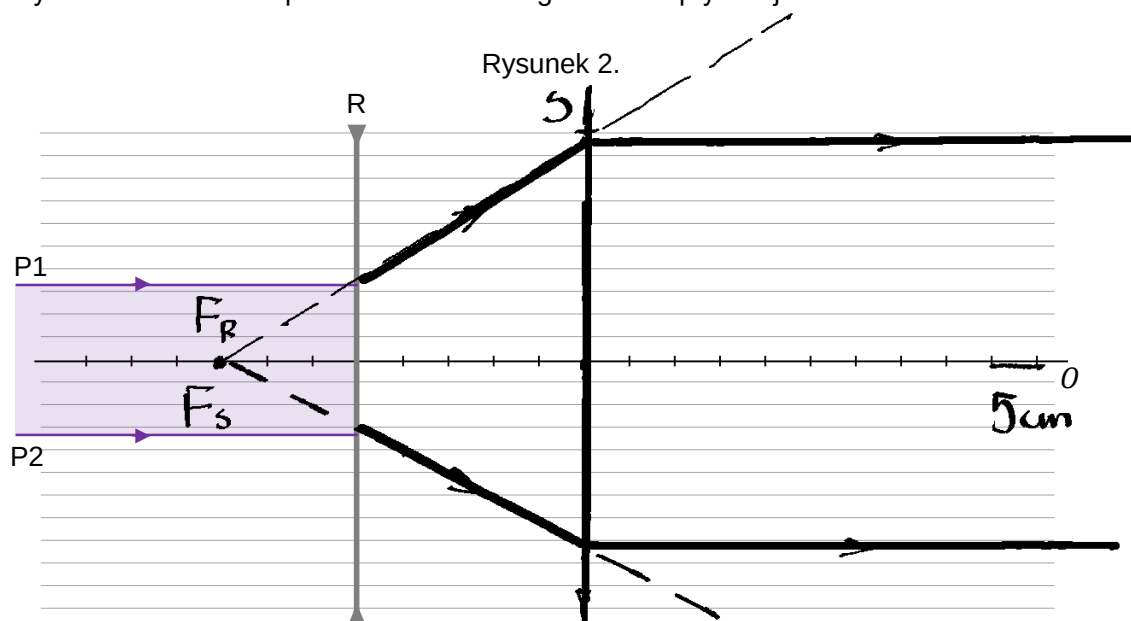
Zwiększenie szerokości wiązki światła można uzyskać, jeżeli wykorzysta się układ optyczny złożony z jednej soczewki rozpraszającej R i jednej soczewki skupiającej S.

Na rysunku 2. przedstawiono tylko soczewkę rozpraszającą R o ogniskowej $f_R = -15$ cm oraz oś optyczną O takiego układu soczewek. Przedstawiono także fragment wiązki światła, biegnącej równoległe do osi optycznej układu i padającej na soczewkę R.

Druga soczewka S w tym układzie jest skupiająca i ma ogniskową $f_S = 40$ cm. Ta soczewka została umieszczona w takim miejscu na osi optycznej, że wiązka światła, która wychodzi z układu soczewek (przez soczewkę S), jest równoległa do osi optycznej i poszerzona.

Odległość między znacznikami na osi optycznej układu jest równa 5 cm.

Na rysunku dodano linie pomocnicze równoległe do osi optycznej.



Na rysunku 2. narysuj soczewkę skupiającą S w takim miejscu, aby wiązka światła, która wychodzi z tej soczewki S, była równoległa do osi optycznej i poszerzona.

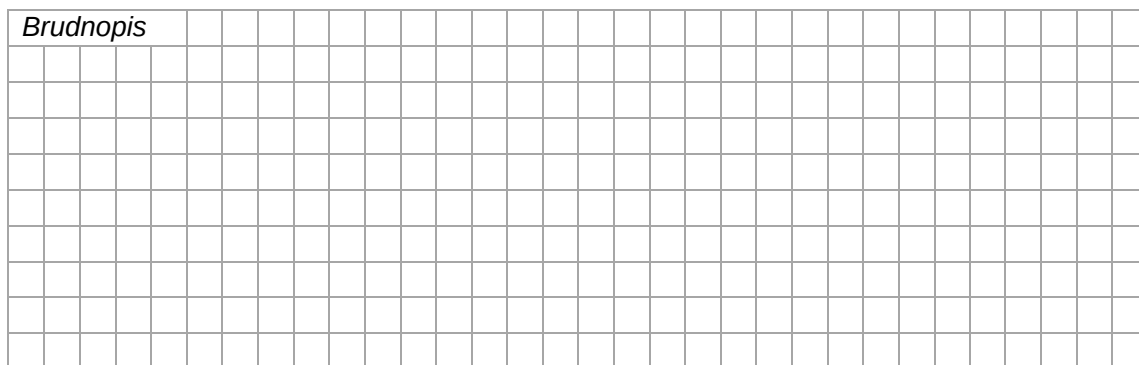


Następnie dorysuj dalszy (tzn. od soczewki R do S oraz po przejściu przez S) bieg promieni P1 i P2, które ograniczają wiązkę światła.

9.2.

0-1-2

Brudnopis



Zadanie 10.

Elektron został rozpędzony w polu elektrycznym (w próżni) od punktu A do punktu B . Wartość prędkości elektronu w punkcie A była równa zero, a wartość prędkości elektronu w punkcie B była równa $v = 2,00 \cdot 10^8$ m/s.

Przyjmij, że:

- energia spoczynkowa E_0 elektronu jest równa (w zaokrągleniu) $E_0 \approx 5,11 \cdot 10^5$ eV
- energię całkowitą elektronu w punkcie B oznaczmy jako E_B .

10.1.

Zadanie 10.1. (0–1)

0–1

Dokończ zdanie. Wpisz właściwą liczbę w wy kropkowane miejsce.

Iloraz energii $\frac{E_B}{E_0}$ jest równy (w zaokrągleniu) $\sqrt{\frac{9}{5}} \approx 1,34$

Brudnopis

$$E_B = \frac{E_0}{\sqrt{1 - \left(\frac{v}{c}\right)^2}} \quad \left| \quad \sqrt{1 - \left(\frac{2}{3}\right)^2} = \sqrt{\frac{5}{9}} \right.$$

10.2.

Zadanie 10.2. (0–3)

0–1–
2–3

Oblicz napięcie elektryczne U_{AB} między punktami A oraz B . Zapisz obliczenia.

np.:

$$W_{AB} = \Delta E$$

$$q U_{AB} = E_B - E_0$$

$$e U_{AB} = E_0 \left(\frac{E_B}{E_0} - 1 \right)$$

$$e U_{AB} = 5,11 \cdot 10^5 \text{ eV} (1,34 - 1)$$

$$e U_{AB} \approx 1,74 \cdot 10^5 \text{ eV}$$

$$U_{AB} \approx 1,74 \cdot 10^5 \text{ V} \quad (\text{dokł. } 1,75 \cdot 10^5 \text{ V})$$



Zadanie 11.

Izotop fluoru $^{18}_9\text{F}$ ulega rozpadowi promieniotwórczemu w wyniku przemiany β^+ . Podczas rozpadu jądra tego izotopu fluoru powstają: cząstka β^+ , jądro pewnego pierwiastka, który oznaczmy jako X, oraz tzw. ^{neutrino}neutrino elektronowe ν . Neutrino ma zerowy ładunek elektryczny, a jego masę możemy pominąć. ☹️

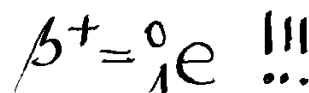
Masy jąder i cząstek uczestniczących w opisanym rozpadzie β^+ , wyrażone w jednostkach atomowych, mają następujące wartości:

$$m_F = 17,99600 \text{ u} \quad - \text{masa jądra fluoru } ^{18}_9\text{F}$$

$$m_X = 17,99477 \text{ u} \quad - \text{masa powstałego jądra}$$

$$m_\beta = 0,00055 \text{ u} \quad - \text{masa cząstki } \beta^+ \quad \leftarrow \text{☹️ ☹️}$$

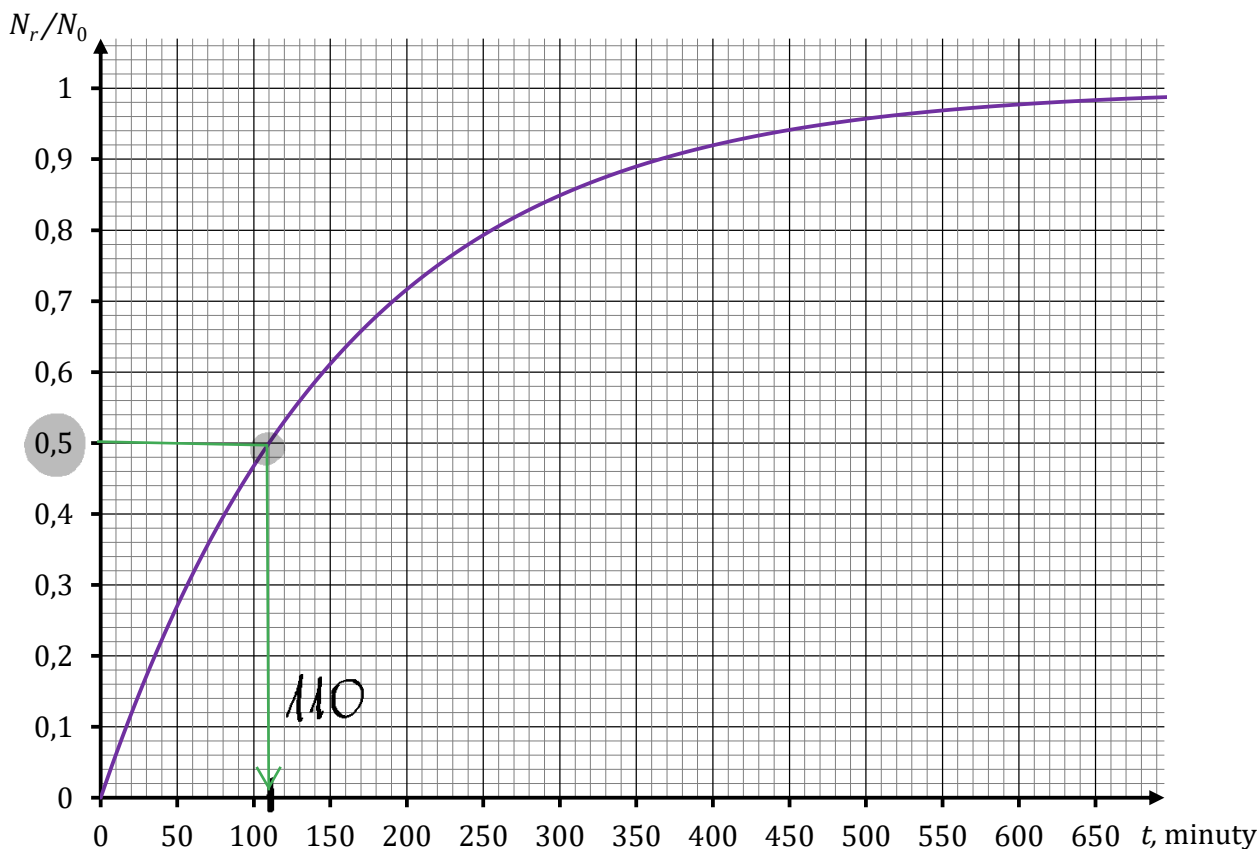
$$m_\nu = 0,00000 \text{ u} \quad - \text{masę neutrino pomijamy.}$$



Informacja do zadania 11.1.

Próbka z izotopem $^{18}_9\text{F}$ jest badana przez licznik promieniowania, który pokazuje całkowitą liczbę rozpadów β^+ jąder tego izotopu fluoru po upływie danego czasu (od rozpoczęcia pomiaru). Liczbę jąder izotopu fluoru $^{18}_9\text{F}$, znajdujących się w próbce w chwili początkowej, oznaczmy jako N_0 . Łączną liczbę jąder, które uległy temu rozpadowi po upływie czasu t od chwili początkowej $t_0 = 0 \text{ min}$, oznaczmy jako N_r .

Na wykresie poniżej przedstawiono zależność ilorazu $\frac{N_r}{N_0}$ od czasu t .



11.1.

0-1

Zadanie 11.1. (0-1)

Dokończ zdanie. Wpisz właściwą liczbę w wy kropkowane miejsce.

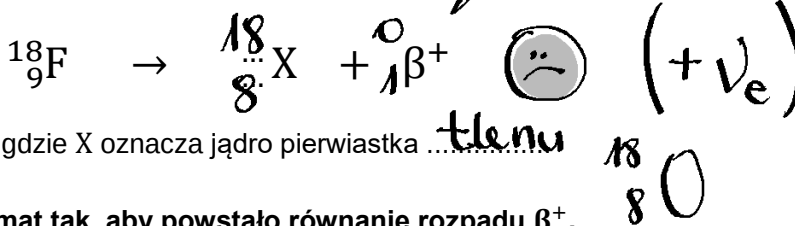
Czas połowicznego rozpadu jądra fluoru $^{18}_{9}\text{F}$ wynosi minut.

110

Brudnopis

Zadanie 11.2. (0-2)Poniżej przedstawiono schemat rozpadu β^+ jądra fluoru $^{18}_{9}\text{F}$.

W schemacie rozpadu pominięto cząstkę neutrino.



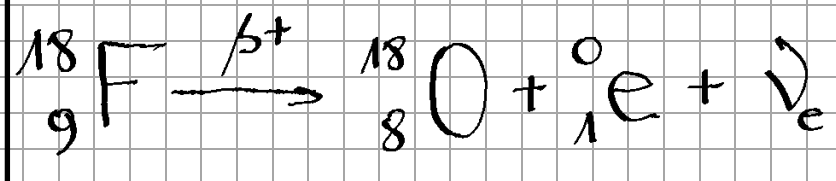
11.2.

0-1-2

Uzupełnij powyższy schemat tak, aby powstało równanie rozpadu β^+ .

Wpisz w wy kropkowane miejsca w schemacie właściwe liczby: atomową i masową, a pod schematem – symbol (lub nazwę) pierwiastka, którego jądro powstaje w tym rozpadzie.

Brudnopis



!!!



Zadanie 11.3. (0-3)

Masy jąder i cząstek uczestniczących w opisanym rozpadzie β^+ podano we wstępie do zadania 11.

Przyjmij, że jądro fluoru ^{18}F przed rozpadem β^+ spoczywało, oraz wykorzystaj związek:

$$1 \text{ u} \cdot c^2 \approx 931,5 \text{ MeV} \quad (c \text{ to wartość prędkości światła w próżni})$$

Oblicz łączną energię kinetyczną produktów rozpadu β^+ jądra fluoru ^{18}F .

Wynik podaj w MeV, zaokrąglony do dwóch cyfr znaczących. Zapisz obliczenia.

11.3.

0-1-
2-3



$$m_F c^2 + 0 = m_O c^2 + E_{kO} + m_e c^2 + E_{ke} + m_\nu c^2 + E_{k\nu}$$
$$\underbrace{\left[m_F - (m_O + m_e + 0) \right]}_{\Delta m} \cdot c^2 = \underbrace{E_{kO} + E_{ke} + E_{k\nu}}_{E_k}$$

$$E_k = \Delta m \cdot c^2$$

$$\Delta m \approx 17,99600 \text{ u} - 17,99477 - 0,00055 \text{ u}$$

$$\Delta m \approx 0,00068 \text{ u}$$

$$E_k = 0,00068 \text{ u} \cdot 931,5 \frac{\text{MeV}}{\text{u}}$$

$$E_k \approx 0,63 \text{ MeV}$$

$$6,3 \cdot 10^{-1} \text{ MeV}$$

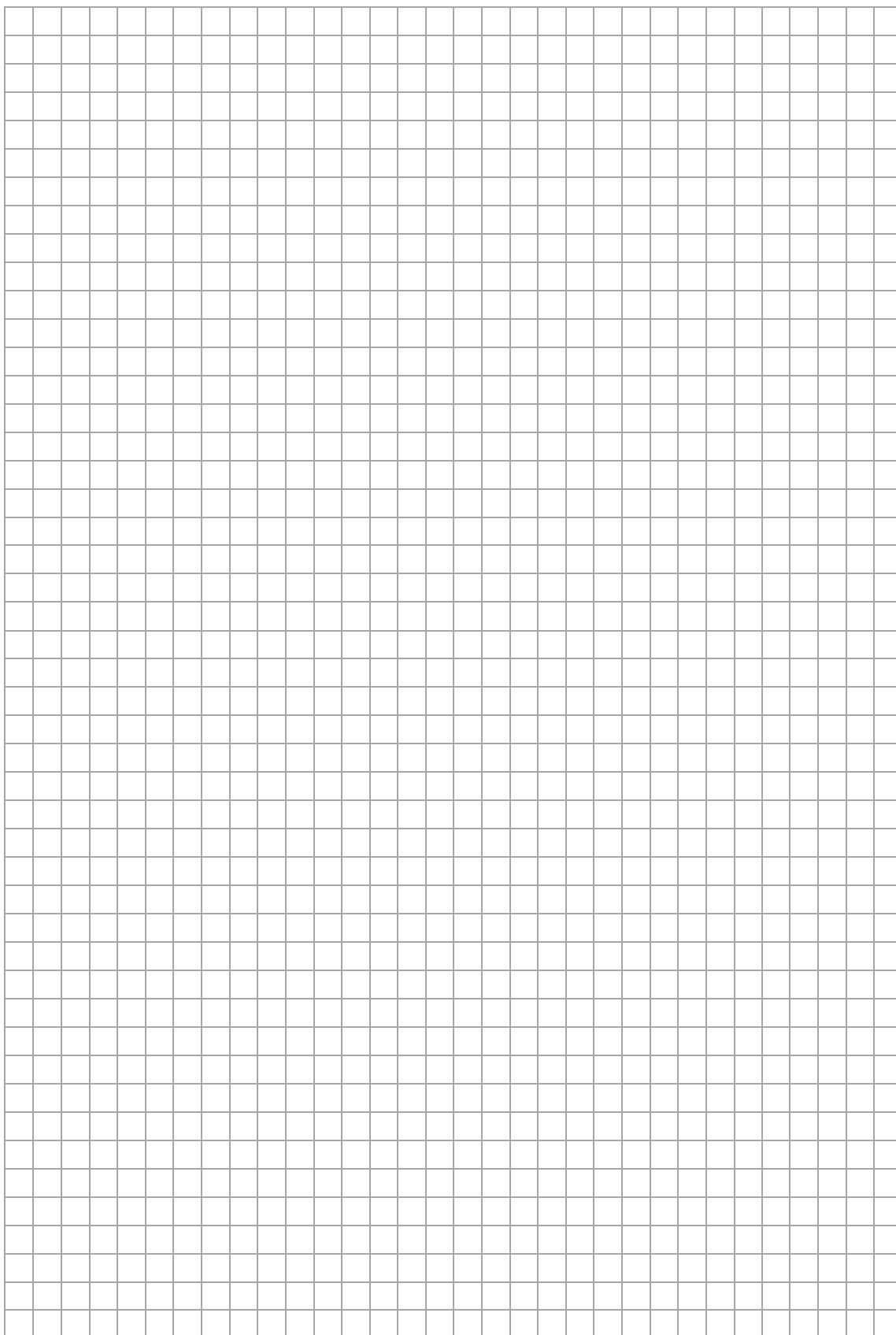
$$63 \cdot 10^{-2} \text{ MeV}$$

$$630 \cdot 10^{-3} \text{ MeV}$$

itd



BRUDNOPIS (nie podlega ocenie)



FIZYKA

Poziom rozszerzony

Formuła 2023



FIZYKA

Poziom rozszerzony

Formuła 2023



FIZYKA

Poziom rozszerzony

Formuła 2023

